

- 1. Dynamik im unendlich hohen eindimensionalen Kastenpotential:** Ein Elektron befindet sich im Grundzustand in einem unendlich hohen eindimensionalen Kastenpotential der **linearen Ausdehnung** a . Plötzlich **ändert sich die Ausdehnung** des Kastenpotentials von a auf $a' = 2a$, und zwar so rasch, dass sich die Wellenfunktion des Elektrons im **ersten Augenblick nicht ändert**.

→ Mit welcher Wahrscheinlichkeit P_n findet man das Elektron bei einer **anschließenden Energiemessung** im **Grundzustand** ($n = 1$), bzw. in den ersten vier **angeregten Zuständen** des

neuen Kastenpotentials. (Lösung: $P_n = \frac{1}{2} \left[\left(\frac{1}{\pi - \frac{n\pi}{2}} \right) \sin\left(\pi - \frac{n\pi}{2}\right) - \left(\frac{1}{\pi + \frac{n\pi}{2}} \right) \sin\left(\pi + \frac{n\pi}{2}\right) \right]^2$)

- 2. Das myonische Atom:** Das **Myon** ist ein einfach negativ geladenes Teilchen mit der **Masse** $m_\mu = 1,89 \cdot 10^{-28}$ kg, welches mit einer **Halbwertszeit** von etwa $2 \cdot 10^{-6}$ s in ein Elektron und zwei Neutrinos zerfällt.

a) Man berechne **allgemein** die Bahnradien für ein Atom, bestehend aus einem **Proton und einem Myon**, sowohl unter der Annahme einer **unendlich grossen Protonenmasse**, als auch unter **Berücksichtigung** der Myonenmasse. Wie groß ist das **Verhältnis** der so berechneten Bahnradien?

(Lösung: $\frac{r_{\text{ohne red. Masse}}}{r_{\text{mit red. Masse}}} = 0,898$)

- b) Wie groß ist der **erste Bahnradius** dieses Atoms (unter Berücksichtigung der Myonenmasse)? Um wie viel **größer** ist ein **Wasserstoffatom** als das **myonische Atom**? (Lösung: $r_1 = 2,87 \cdot 10^{-13}$ m)
 c) Wie oft umkreist das Myon innerhalb seiner **Halbwertszeit** den Kern im **Grundzustand**? (Lösung: $2,4 \cdot 10^{12}$ Mal)

- 3. Rydberg-Atom:** Ein Wasserstoffatom befinde sich in einem **Rydberg-Zustand** ($n \gg 1$):

a) Berechnen Sie allgemein die **Grösse des des Rydberg Atoms** in Abhängigkeit von der **Hauptquantenzahl** n und dann numerisch für $n = 100$. (Lösung: $r_{100} = 530$ nm)

Hinweis: Berechnen sie den Radius für die Bahn eines Elektrons für $l = n$ (Circular State)

b) Bei welchem angelegten **elektrischen Feld** E wird das Rydbergatom **ionisiert**? Dazu nehmen sie an dass ein Rydbergzustand mit **Hauptquantenzahl** n dann ionisiert wird wenn der **Sattelpunkt** des durch das elektrische Feld modifizierten **Coulomb-Potentials** gleich der **Bindungsenergie** des Rydberg-Zustandes ist. Berechnen Sie die notwendige Feldstärke für $n = 100$. (Lösung: $E = 321$ V/m)

c) Berechnen Sie allgemein die **Periodendauer** eines Umlaufes in **Abhängigkeit von** n .

d) Berechnen Sie die **Energiedifferenz** zwischen den Zuständen n und $n+1$; bei **welchem** n entspricht diese Energiedifferenz "**Raumtemperatur**" (**300K**), bei welchem n der **Temperatur der kosmischen Hintergrundstrahlung** (**2,73 K**)? (Lösung: $n_{300K} = 11$, $n_{2,73K} = 49$)

- 4. Bohrsches Magneton:** Mit Hilfe des **Bohrschen Atommodells** berechne man das **magnetische Bahnmoment** p_m eines **Elektrons** im **Grundzustand** des Wasserstoffatoms. Unter der Annahme, dass die Kernmasse unendlich groß ist, wird diese Größe als **Bohrsches Magneton** bezeichnet. (Lösung: $\mu_B = 1,166 \cdot 10^{-29}$ Vs m oder $\mu_B = 9,282 \cdot 10^{-24}$ Am²)