

8. Tutorium - Resultate

20.05.2016

8.1 Leiter mit zylindrischem Loch und Linienladung

a) $\lambda' = -\lambda$

$(x, y) = (R^2/d, 0)$

$V(r, \theta) = \frac{\lambda}{4\pi\epsilon_0} \ln \left[\frac{r^2 + R^2/d^2 - 2r(R^2/d)\cos\theta}{r^2 + d^2 - 2rd\cos\theta} \right]$

$V(R, \theta) = \frac{\lambda}{4\pi\epsilon_0} \ln \left[\frac{R^2}{d^2} \right]$

b) $\sigma(\theta) = \frac{(R^2 - d^2)\lambda}{2\pi R(d^2 - 2dR\cos\theta + R^2)}$

c) $Q_l = -\lambda$

d) $\vec{F}_l(d, 0) = -\frac{\lambda^2}{2\pi\epsilon_0(d - \frac{R^2}{d})} \vec{e}_x$

8.2 Geladene Zylinder

a) $\frac{U}{L} = \frac{Q^2}{4\pi\epsilon_0 L^2} \ln \frac{b}{a}$

b) $\frac{C}{L} = \frac{2\pi\epsilon_0}{\ln \frac{b}{a}}$

8.3 Zylindermantelförmige Ausbuchtung auf leitender Ebene

a) Linienladung mit $x = a^2/d$, $x = -a^2/d$ bzw. $x = -d$.

$$V(x, y) = -\frac{\tau}{4\pi\epsilon_0} \log \frac{[(x-d)^2+y^2] \left[\left(x + \frac{a^2}{d} \right)^2 + y^2 \right]}{[(x+d)^2+y^2] \left[\left(x - \frac{a^2}{d} \right)^2 + y^2 \right]}$$

b)

$\sigma_A(\varphi) = -\frac{\tau}{2\pi} \frac{d^2-a^2}{a} \left[\frac{1}{a^2+d^2-2ad\cos\varphi} - \frac{1}{a^2+d^2+2ad\cos\varphi} \right]$

$\tau_A = -\frac{2\tau}{\pi} \arctan \frac{2ad}{d^2-a^2}$

$\sigma_E(y) = -\frac{2\tau}{\pi} \left[\frac{d}{d^2+y^2} - \frac{\frac{a^2}{d}}{\frac{a^4}{d^2}+y^2} \right]$

$\tau_E = -\frac{2\tau}{\pi} \arctan \frac{d^2-a^2}{2ad}$

$\tau_A + \tau_E = -\tau$