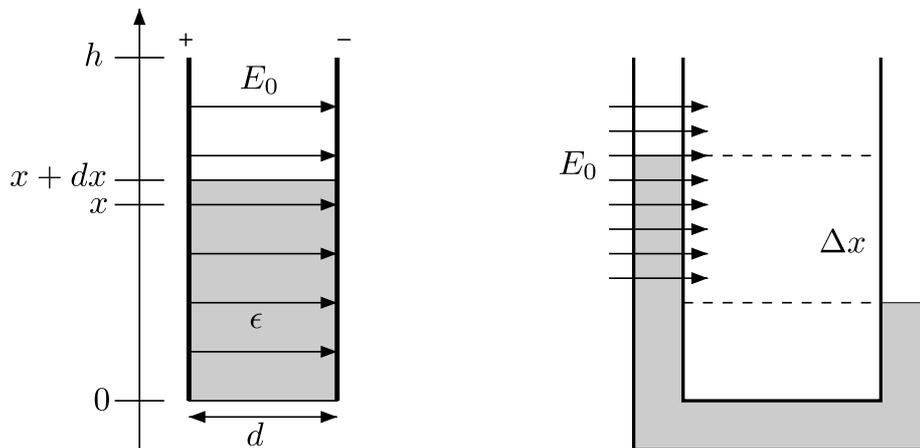


Übungsblatt 9

für das Tutorium am 1.6.2018

1. Steighöhenmethode

Auf einen begrenzten dielektrischen Körper wirkt im elektrischen Feld eine “ponderomotische” Kraft. Um diese zu berechnen soll ein Plattenkondensator (Plattenabstand d , Höhe h , Breite der Platten b) betrachtet werden, dessen Zwischenraum bis zur Position x ein Dielektrikum der Permittivität ϵ ausfüllt, während der restliche Raum leer ist.



- Berechne die Kapazität $C(x)$ des Kondensators.
- Der Kondensator sei an eine Batterie angeschlossen, sodass die Platten auf konstanter Potentialdifferenz V gehalten werden. Berechne die Kraft, mit der das Dielektrikum in den Kondensator hineingezogen wird, und drücke das Resultat durch das elektrische Feld E_0 zwischen den Kondensatorplatten aus. Um das Resultat zu erhalten, betrachte die Energiebilanz, wenn das Dielektrikum um dx verschoben wird.
- Die Permittivität ϵ einer Flüssigkeit mit Massendichte ρ_m lässt sich messen, indem man sie in ein U-förmiges Rohr füllt und einen Schenkel in ein homogenes elektrisches Feld E_0 einbringt. Wie lautet der Zusammenhang zwischen ϵ und der durch das Feld hervorgerufenen Steighöhe Δx der Flüssigkeit?

2. Stromdurchflossener Leiter

- (a) Berechne mit dem Biot-Savartschen Gesetz das Magnetfeld im Mittelpunkt einer quadratischen Stromschleife an $z = 0$ mit Eckpunkten $(x, y) = \{(a, a), (-a, a), (-a, -a), (a, -a)\}$, welche im Gegenuhrzeigersinn von einem konstanten Strom I durchflossen wird.
- (b) Betrachte nun ein regelmässiges Polygon mit n Seiten, bei dem der Normalabstand von jeder Seite zum Mittelpunkt a ist und durch das im Gegenuhrzeigersinn ein Strom I fliesst. Konstruiere das Polygon so, dass der Mittelpunkt an $(x, y, z) = (0, a, 0)$ liegt und eine Seite entlang der x -Achse. Berechne das Magnetfeld im Mittelpunkt des Polygons.
- (c) Berechne das Feld aus Punkt (b) im Grenzwert $n \rightarrow \infty$. Welcher Geometrie entspricht das?

Hinweis:

$$\int \frac{dx}{(x^2 + b^2)^{3/2}} = \frac{x}{b^2 \sqrt{x^2 + b^2}} \quad (1)$$

3. Permanent magnetisierter Zylinder

Ein unendlich langer permanent magnetisierter Zylinder mit dem Radius a und der z -Achse als Zylinderachse besitzt die Magnetisierung

$$\vec{M}(r, \varphi, z) = M_0 \frac{r}{a} \vec{e}_\varphi, \quad M_0 > 0 \quad (2)$$

wobei (r, φ, z) Zylinderkoordinaten sind.

- (a) Berechne die Magnetisierungsstromdichte \vec{j}_M im Inneren des Zylinders und die Magnetisierungs-Flächenstromdichte \vec{k}_M auf dem Zylindermantel sowie den in z -Richtung fließenden Gesamtstrom.
- (b) Berechne im gesamten Raum das vom magnetisierten Zylinder verursachte \vec{B} -Feld. Gib ferner für den gesamten Raum das zugehörige \vec{H} -Feld an.

Hinweis: Verwende die Integralform des Oerstedtschen Gesetzes.

Ankreuzbar: 1a, 1bc, 2a, 2bc, 3ab