Familienname:

Aufgabe 1 (2 Punkte):
Aufgabe 2 (4 Punkte):
Aufgabe 3 (1 Punkt):
Aufgabe 4 (2 Punkte):
Aufgabe 5 (6 Punkte):
Aufgabe 6 (6 Punkte):
Aufgabe 7 (9 Punkte):

Studienkennzahl:

Gesamtpunktzahl:

Note:

C - Nachtest (90 Minuten) VU Einführung ins Programmieren für TM

03. März 2008

Aufgabe 1 (2 Punkte). Schreiben Sie einen Strukturdatentyp polynomial zur Speicherung eines Polynoms $p(x) = \sum_{j=0}^n a_j x^j$ mit $a_n \neq 0$ in Form seines Koeffizientenvektors $a = (a_0, \ldots, a_n) \in \mathbb{R}^{n+1}$. Neben dem dynamischen Koeffizientenvektor soll auch der Grad $n = \operatorname{Grad}(p)$ Bestandteil der Struktur sein. — Diese Struktur soll auch in den folgenden Aufgaben verwendet werden.

Aufgabe 2 (4 Punkte). Schreiben Sie eine Funktion allocPolynomial, die ein Polynom vom Grad n allokiert und initialisiert.

Aufgabe 3 (1 Punkt). Schreiben Sie eine Funktion getPolynomialDegree, die den Grad n = Grad(p) eines Polynoms p zurückgibt. Verwenden Sie diese Funktion auch in den folgenden Aufgaben!

Aufgabe 4 (2 Punkte). Schreiben sie eine Funktion getPolynomialAj, die den Koeffizienten a_j zurückgibt. Berücksichtigen Sie den Fall, dass ggf. j > Grad(p) gilt. In diesem Fall ist $a_j = 0$.

Aufgabe 5 (6 Punkte). Schreiben Sie eine Funktion evalPolynomial, die für gegebenes Polynom p und Auswertungspunkt x den Funktionswert p(x) berechnet. Die Funktion pow zur Berechnung von x^j soll nicht verwendet werden. Schreiben Sie die Funktion so, das die Berechnung möglichst effizient erfolgt. — Für Strukturzugriffe sollen die Funktionen aus den vorausgegangenen Aufgaben verwendet werden.

Aufgabe 6 (6 Punkte). Schreiben Sie eine Funktion evalPolyDiff, die für gegebenes Polynom p und Auswertungspunkt x den Funktionswert p'(x) der Ableitung des Polynoms berechnet. Schreiben Sie die Funktion so, dass die Berechnung möglichst effizient erfolgt.

Aufgabe 7 (9 Punkte). Eine Möglichkeit eine Nullstelle eines Polynoms p zu Berechnen ist das Newtonverfahren. Ausgehend von einem Startwert x_0 definiert man induktiv eine Folge (x_n) wie folgt: Zu gegebenem x_k sei x_{k+1} die Nullstelle der Tangente an den Graphen von p im Punkt $(x_k, p(x_k))$, d.h. $x = x_{k+1}$ erfüllt $0 = p(x_k) + p'(x_k)(x - x_k)$. Auflösen nach x zeigt

$$x_{k+1} = x_k - p(x_k)/p'(x_k).$$

Man Schreibe eine Funktion newtonPoly, die zu gegebenen Polynom p, Startwert x_0 und Toleranz τ das Newtonverfahren durchführt, wobei die Iteration abgebrochen wird, falls entweder

$$|p'(x_n)| \le \tau$$

oder

$$|p(x_n)| \le \tau$$
 und $|x_n - x_{n-1}| \le \tau$

gilt.