

Name:

Matrikelnummer:

1.
2.
3.
4.
5.

Analysis 2 für Informatik

(Prof. Karigl)

Musterprüfung

1. Man berechne das Bereichsintegral $\iint_D (1+4xy) dx dy$ über dem Dreiecksbereich D , der durch die Eckpunkte $A(1,1)$, $B(4,1)$ und $C(1,4)$ in der (x,y) -Ebene festgelegt ist.

2. Man bestimme die komplexe und daraus die reelle Fourierreihe der Funktion $f(t) = t^2/\pi^2$ für $-\pi \leq t \leq \pi$ und $f(t + 2\pi) = f(t)$. Können Sie aus dieser Darstellung die Gültigkeit nachstehender Formeln ableiten?

$$\sum_{n \geq 1} \frac{1}{n^2} = \frac{\pi^2}{6} \quad \text{und} \quad \sum_{n \geq 1} \frac{(-1)^{n+1}}{n^2} = \frac{\pi^2}{12}$$

3. Mit Hilfe der Methode der Charakteristiken finde man die allgemeine Lösung der (Rumpf)-Differentialgleichung für die Funktion $u(x,y,z)$:

$$u_x + (y + 2z) u_y + z u_z = 0.$$

4. Laplace-Transformation:

- Definieren Sie die Laplace-Transformierte $\mathcal{L}(f(t)) = F(s)$ allgemein und geben Sie ein konkretes Beispiel an.
- Wie lauten die Rechenregeln für Differentiation und Integration im Zeitbereich (ohne Beweis, mit je einem Beispiel)?
- Geben Sie einen Überblick zur Lösung linearer gewöhnlicher Differentialgleichungen mittels Laplace-Transformation an Hand der Gleichung $y'' + ay' + by = s(x)$.

Bitte umblättern!

5. Lagrange-Interpolation:

- Man diskutiere die Eigenschaften der Lagrange-Polynome

$$L_i(x) = \frac{(x-x_0)\cdots(x-x_{i-1})(x-x_{i+1})\cdots(x-x_n)}{(x_i-x_0)\cdots(x_i-x_{i-1})(x_i-x_{i+1})\cdots(x_i-x_n)}, \quad i = 0, \dots, n$$

und leite mit ihrer Hilfe das Lagrange'sche Interpolationspolynom zu den Interpolationsstellen $(x_0, y_0), \dots, (x_n, y_n)$ (mit $x_i \neq x_j$ für $i \neq j$) her.

- Ferner illustriere man den Lagrange'schen Ansatz an Hand eines selbst gewählten Beispiels.

Zeit: 100 Minuten