

- 1. Energieinhalt einer beidseitig eingespannten Saite:** Berechnen Sie die Energie, welche in einer beidseitig eingespannten Saite (**Länge L , Dichte ρ , Querschnitt q , Gesamtmasse $m = \rho \cdot L \cdot q$, Spannung σ**) in ihrer **n -ten Eigenschwingung** (**Amplitude A , Kreisfrequenz ω_n**) gespeichert ist.

(Lösung: $E_n = \frac{m \cdot A^2 \cdot \omega_n^2}{4}$)

Hinweis: Überlegen Sie, wann die kinetische Energie aller Massenelemente der schwingenden Saite gleich der Gesamtenergie ist.

- 2. Lösungen der Wellengleichung:** Die eindimensionale Wellengleichung für eine Funktion $u(x, t)$ lautet:

$$\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} = v^2 \cdot \frac{\partial^2 u}{\partial x^2}$$

- a) Man zeige, dass $u(x, t) = A \cdot \cos(\omega \cdot t - k \cdot x)$ eine Lösung der Wellengleichung ist und leite daraus einen Zusammenhang zwischen ω und k ab.
 b) Man führe $u(x, t) = A \cdot \cos(\omega \cdot t - k \cdot x)$ in eine Linearkombination von Produkten aus \sin und \cos -Termen über, zeige, dass diese Funktion ebenfalls die Wellengleichung erfüllt und zum selben Zusammenhang zwischen ω und k führt.

- 3.** Wir betrachten eine Grenzfläche zwischen **Luft** ($v_L = 340 \text{ ms}^{-1}$) und **Wasser** ($v_W = 1450 \text{ ms}^{-1}$).

→ Bis zu welchem **maximalen Grenzwinkel** darf eine Schallwelle auf die Trennfläche zwischen diesen beiden Medien auftreffen, damit sie noch ins Wasser übertritt? (Lösung: $\alpha_g = 13,56^\circ$)

- 4.** Die **Resonanzkreisfrequenz** der Stickstoffmoleküle in Luft liegt bei $\omega_0 = 10^{16} \text{ rads}^{-1}$.

→ Man berechne die **Brechzahl n** von Luft bei Atmosphärendruck für Licht der Wellenlänge $\lambda = 500 \text{ nm}$ mittels der Beziehung $n = 1 + \frac{Ne^2}{2\epsilon_0 m_e [(\omega_0^2 - \omega^2) + i\gamma\omega]}$! (Lösung: $n = 1 + 4,9 \cdot 10^{-4}$)

Hinweis: Stickstoff ist ein farbloses, durchsichtiges Gas!

- 5. Wellen in leitenden Medien** (Teil I):

- a) Ausgehend von der Gleichung $n^2 = 1 + \frac{Ne^2}{\epsilon_0 m_e (\omega_0^2 - \omega^2 + i\gamma\omega)}$ (Demtröder II, 8.42), leite man einen Ausdruck für die **Brechzahl n** für die Fälle $\omega\tau \gg 1$ (hohe Frequenzen, sichtbares Licht) und $\omega\tau \ll 1$ (niedrige Frequenzen) ab.
 b) Man bestimme für den zweiten Fall den **Absorptionskoeffizienten α** und die **Eindringtiefe δ** !

- 6. Wellen in leitenden Medien** (Teil II): Für Kupfer gilt: $\sigma = 6 \cdot 10^7 \text{ } \Omega^{-1}\text{m}^{-1}$ bei $\omega = 0$ und $\tau = 2,7 \cdot 10^{-14} \text{ s}$.

- a) Man berechne für die Fälle $\omega = 10^{13} \text{ rads}^{-1}$, $\omega = 3 \cdot 10^{15} \text{ rads}^{-1}$ ($\lambda = 600 \text{ nm}$) und $\omega = 3 \cdot 10^{12} \text{ rads}^{-1}$ ($\lambda = 600 \text{ } \mu\text{m}$) den **Absorptionskoeffizienten α** und die **Eindringtiefe δ** .
 (Lösung: $\alpha = 3,9 \cdot 10^7 \text{ m}^{-1}$, $\delta = 26 \text{ nm}$; $\alpha = 1,04 \cdot 10^8 \text{ m}^{-1}$, $\delta = 9,7 \text{ nm}$; $\alpha = 2,1 \cdot 10^7 \text{ m}^{-1}$, $\delta = 47 \text{ nm}$)
 b) Man berechne die **Plasmafrequenz ω_p** und die dazugehörige **Wellenlänge λ** ! Was lernt man daraus?
 (Lösung: $\omega_p = 1,6 \cdot 10^{16} \text{ rads}^{-1}$, $\lambda = 119 \text{ nm}$)