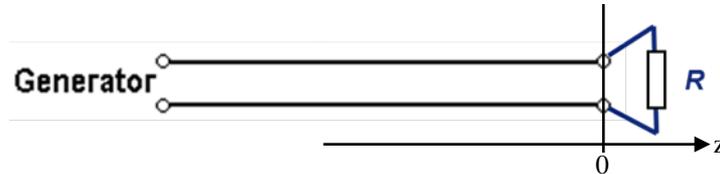


1. **Wellenleiter:** Ein Wellenleiter (z.B. aus Doppeldraht) mit Wellenimpedanz Z_0 wird an einem Ende mit einem Widerstand R abgeschlossen (siehe Skizze).



Berechnen Sie den Reflexionskoeffizienten r dieses Leiters für die von links kommende Welle

$$U = U_0 \cdot e^{i(k \cdot z - \omega \cdot t)}$$

(Lösung: $r = \frac{R - Z_0}{R + Z_0}$)

2. Ein **Wellenleiter** habe einen rechtwinkligen Querschnitt mit den Abmessungen $5 \text{ cm} \cdot 10 \text{ cm}$.

- Wie groß ist die **untere Grenzfrequenz**? (Lösung: $\nu_c = 1,5 \text{ GHz}$)
- Man skizziere Richtung und räumliche Änderung des elektrischen Feldes im Falle einer Welle mit dieser Grenzfrequenz.
- Man ermittle die Phasen- und Gruppengeschwindigkeit einer Welle, deren Frequenz das 1,25-fache der Grenzfrequenz ist. (Lösung: $\nu_\varphi = 5c/3$, $\nu_G = 3c/5$)
- Man ermittle die **Schwächungslänge** einer Welle, deren Frequenz das 0,8-fache der Grenzfrequenz ist! (Lösung: $\delta = 5,3 \text{ cm}$)

Hinweis: Die Mode mit der geringsten Grenzfrequenz ist die TE_{10} Mode.

3. **Zweidimensionaler Hohlleiter:** Ein rechteckiger Hohlleiter habe die Breite b und die Höhe h . Die Höhe h betrage 5 cm , und es gelte weiters $b \gg h$. Das bedeutet, dass der Hohlleiter als Anordnung zweier unendlich ausgedehnter planparalleler Platten beschrieben werden kann.

In diesem Hohlleiter bewegt sich eine elektromagnetische Welle mit der Gruppengeschwindigkeit $\nu_G = 1,5 \cdot 10^8 \text{ ms}^{-1}$.

- Wie groß ist ihre Phasengeschwindigkeit ν_P ? (Lösung: $\nu_P = 2c$)
- Wie groß sind die Wellenlängen λ_n der elektromagnetischen Wellen (Moden) im Wellenleiter welche sich mit ν_P entlang des Hohlleiters ausbreiten (allgemeiner Ausdruck)? (Lösung: $\lambda_n = \frac{h}{n} \cdot \sqrt{3}$)
- Wie groß ist die maximale Wellenlänge λ_{\max} der sich mit ν_P entlang des Hohlleiters ausbreitenden Wellen? (Lösung: $\lambda_{\max} = 8,66 \text{ cm}$)

4. **Zirkular polarisiertes Licht** der Intensität I_0 (das ist der zeitliche Mittelwert der Energie je Zeiteinheit und Flächeneinheit; für Licht einer gegebenen Frequenz proportional dem Ausgangsstrom eines Photomultipliers) treffe auf ein einzelnes **Polaroidfilter** auf.

→ Man zeige, daß die durchgelassene Intensität gleich $\frac{I_0}{2}$ ist.

Bitte Seite wenden!

5. **Zirkular polarisiertes Licht** der Intensität I_0 falle auf drei aufeinanderfolgende Polaroidfilter. Das erste und das dritte Filter befinden sich zueinander in gekreuzter Stellung, das heißt: ihre bevorzugten Durchlaßrichtungen stehen senkrecht aufeinander. Das mittlere Filter schließt mit der Achse des ersten den Winkel θ ein.

→ Man zeige, daß die durchgelassene Intensität gleich $\frac{I_0}{2} \cos^2 \theta \sin^2 \theta$ ist.

6. Eine sehr große Anzahl $n + 1$ von **Polaroidfiltern** sei übereinandergelegt. Die bevorzugten Durchlaßrichtungen zweier unmittelbar aufeinanderfolgender Filter schließen jeweils den positiven Winkel α miteinander ein. Das letzte Polaroidfilter ist also um den Winkel $\theta = n\alpha$ gegen das erste verdreht. Nun falle in Richtung des ersten Filters **linear polarisiertes Licht mit der Intensität I_0** auf die Filteranordnung.

a) Berechnen Sie die durchgelassene Intensität. Vernachlässigen Sie dabei die durch die Reflexion entstehenden Verluste.

b) Interpretieren Sie das Ergebnis für $n \rightarrow \infty$ (der Gesamtwinkel θ wird konstant gehalten)!

Hinweis: Taylor-Entwicklung!