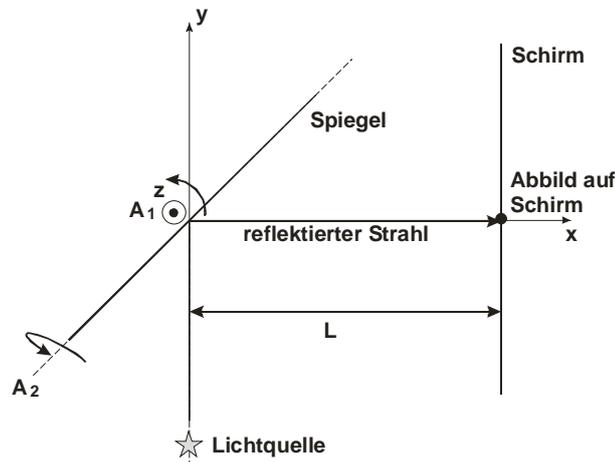


1. **Brechungsgesetz:** Leiten Sie das Snellius'sche Brechungsgesetz für einen Lichtstrahl beim Übergang von einem Medium mit dem **Brechungsindex** n_1 in ein Medium mit dem **Brechungsindex** n_2 mittels des Fermat'schen Prinzips her.
2. **Übergangsbedingungen:** Eine elektromagnetische Welle mit \vec{E} -Feld in der Einfallsebene fällt auf eine Grenzfläche Luft/Materie mit **Brechungsindex** n unter einem **Winkel** α ein. Schreiben Sie **alle vier Grenzbedingungen** α für die \vec{E} und \vec{H} Felder der transmittierten und reflektierten Welle als Funktion des Einfallswinkels. Aus welchen zwei Grenzbedingungen folgt das Snellius'sche Gesetz?
3. **Reflexionsgesetz:** Ein Lichtstrahl falle im **Ursprung des in der Skizze gegebenen Koordinatensystems** unter einem **Winkel von 45°** auf einen **ebenen Spiegel** ein. Der Strahl liegt in der **x/y -Ebene**, in seiner Ausgangslage steht der Spiegel **senkrecht** (parallel zu z). Der am Spiegel reflektierte Strahl trifft auf einen **Schirm**, welcher sich bei $x = L$ befindet und der **parallel zur y/z -Ebene** steht. Dort erzeugt er ein **Punktförmiges Abbild**. Der Spiegel ist um die **Achsen A_1 und A_2 kippar** (siehe Skizze). A_1 ist **ident mit der z -Achse**, A_2 liegt sowohl **in der Spiegelebene als auch in der x/y -Ebene** und geht durch den **Ursprung**.



- a) Berechnen Sie die Koordinaten x_p , y_p und z_p des Abbildes des reflektierten Strahles auf dem Schirm, wenn dieser um einen **Winkel α gegen den Uhrzeigersinn um A_1 verkippt** wird.
 (Lösung: $x_p = L$, $y_p = L \cdot \tan(2 \cdot \alpha)$, $z_p = 0$)
- b) Berechnen Sie die Koordinaten x_p , y_p und z_p des Abbildes des reflektierten Strahles auf dem Schirm, wenn dieser um einen **Winkel α gegen den Uhrzeigersinn um A_2 verkippt** wird.
 (Lösung: $x_p = L$, $y_p = L \cdot \tan^2 \alpha$, $z_p = L \cdot \sqrt{2} \cdot \tan \alpha$)
4. **Münze im Wasser:** Eine Münze liegt am Grund eines Schwimmbeckens in **$h = 4$ m Tiefe**. Ein Lichtstrahl tritt unter einem Winkel von $\alpha = 20^\circ$ zur Oberfläche **aus dem Wasser**. Wie tief liegt die Münze **scheinbar** für einen Beobachter?
 (Lösung: *Scheinbare Tiefe: 1,45 m*)

Bitte Seite wenden!

5. **Doppelbrechung:** Berechnen Sie die beiden **Brechungsindizes** ($n = \frac{k \cdot c}{\omega}$) sowie beide **Polarisationen** ($\frac{E_x}{E_y}$) für eine **elektromagnetische Welle entlang der z-Richtung** (d.h. $\vec{k} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ k \end{pmatrix}$) in einem Material mit folgendem dielektrischem Tensor: $\hat{\epsilon} = \begin{pmatrix} 1,5 & 0,5 & 0 \\ 0,5 & 1,5 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$. Die **z-Komponente des \vec{E} -Vektors darf als 0 angenommen werden** (warum?). Die **Wellengleichung** in diesem Fall lautet: $k^2 \cdot \vec{E} = \frac{\omega^2}{c^2} \cdot \hat{\epsilon} \vec{E}$.

6. **Matrixmethoden:** Bestimmen Sie die Transformationsmatrix **M** von

- a) einer dicken Sammellinse mit den **Krümmungsradien der Linsenflächen R_1 und R_2**
- b) einer dicken Zerstreuungslinse mit den **Krümmungsradien der Linsenflächen R_1 und R_2**

Der Lichtstrahl falle von Links auf die erste Grenzfläche ein, der **Brechungsindex der Umgebung sei n_1** , jener der **Linse n_2** .

Hinweis: Die Krümmungsradien seien so groß, dass der Strahlweg in der Linse durch deren Dicke D angenähert werden kann. Die Lösung kann der Literatur entnommen werden.