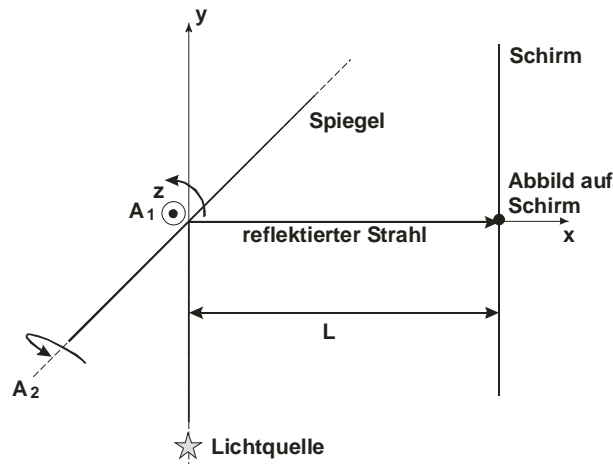


1. **Brechungsgesetz:** Leiten Sie das Snellius'sche Brechungsgesetz für einen Lichtstrahl beim Übergang von einem Medium mit dem **Brechungsindex**  $n_1$  in ein Medium mit dem **Brechungsindex**  $n_2$  mittels des Fermat'schen Prinzips her.
2. **Übergangsbedingungen:** Eine elektromagnetische Welle mit  $\vec{E}$ -Feld in der Einfallsebene fällt auf eine Grenzfläche Luft/Materie mit **Brechungsindex**  $n$  unter einem **Winkel**  $\alpha$  ein. Schreiben Sie **alle vier Grenzbedingungen**  $\alpha$  für die  $\vec{E}$  und  $\vec{H}$  Felder der transmittierten und reflektierten Welle als Funktion des Einfallswinkels. Aus welchen zwei Grenzbedingungen folgt das Snellius'sche Gesetz?
3. **Reflexionsgesetz:** Ein Lichtstrahl falle im **Ursprung des in der Skizze gegebenen Koordinatensystems** unter einem **Winkel von  $45^\circ$**  auf einen **ebenen Spiegel** ein. Der Strahl liegt in der  $x/y$ -Ebene, in seiner Ausgangslage steht der Spiegel **senkrecht** (parallel zu  $z$ ). Der am Spiegel reflektierte Strahl trifft auf einen **Schirm**, welcher sich bei  $x = L$  befindet und der **parallel zur  $y/z$ -Ebene** steht. Dort erzeugt er ein **Punktförmiges Abbild**. Der Spiegel ist um die **Achsen  $A_1$  und  $A_2$  kippar** (siehe Skizze).  $A_1$  ist **ident mit der  $z$ -Achse**,  $A_2$  liegt sowohl **in der Spiegelebene als auch in der  $x/y$ -Ebene** und geht durch den **Ursprung**.



- a) Berechnen Sie die Koordinaten  $x_p$ ,  $y_p$  und  $z_p$  des Abbildes des reflektierten Strahles auf dem Schirm, wenn dieser um einen **Winkel  $\alpha$  gegen den Uhrzeigersinn um  $A_1$  verkippt** wird.  
 (Lösung:  $x_p = L$ ,  $y_p = L \cdot \tan(2 \cdot \alpha)$ ,  $z_p = 0$ )
- b) Berechnen Sie die Koordinaten  $x_p$ ,  $y_p$  und  $z_p$  des Abbildes des reflektierten Strahles auf dem Schirm, wenn dieser um einen **Winkel  $\alpha$  gegen den Uhrzeigersinn um  $A_2$  verkippt** wird.  
 (Lösung:  $x_p = L$ ,  $y_p = L \cdot \tan^2 \alpha$ ,  $z_p = L \cdot \sqrt{2} \cdot \tan \alpha$ )
4. **Münze im Wasser:** Eine Münze liegt am Grund eines Schwimmbeckens in  $h = 4$  m Tiefe. Ein Lichtstrahl tritt unter einem Winkel von  $\alpha = 20^\circ$  zur Oberfläche **aus dem Wasser**. Wie tief liegt die Münze **scheinbar** für einen Beobachter?  
 (Lösung: *Scheinbare Tiefe: 1,45 m*)

Bitte Seite wenden!

5.

**Doppelbrechung:** Berechnen Sie die beiden **Brechungsindizes** ( $n = \frac{k \cdot c}{\omega}$ ) sowie beide **Polarisationen** ( $\frac{E_x}{E_y}$ ) für eine **elektromagnetische Welle entlang der z-Richtung** (d.h.  $\vec{k} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ k \end{pmatrix}$ ) in einem Material mit folgendem dielektrischem Tensor:  $\hat{\epsilon} = \begin{pmatrix} 1,5 & 0,5 & 0 \\ 0,5 & 1,5 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ . Die **z-Komponente des  $\vec{E}$ -Vektors darf als 0 angenommen werden** (warum?). Die **Wellengleichung** in diesem Fall lautet:  $k^2 \cdot \vec{E} = \frac{\omega^2}{c^2} \cdot \hat{\epsilon} \vec{E}$ .

6.

**Matrixmethoden:** Bestimmen Sie die Transformationsmatrix **M** von

- a) einer dicken Sammellinse mit den **Krümmungsradien der Linsenflächen  $R_1$  und  $R_2$**
- b) einer dicken Zerstreuungslinse mit den **Krümmungsradien der Linsenflächen  $R_1$  und  $R_2$**

Der Lichtstrahl falle von Links auf die erste Grenzfläche ein, der **Brechungsindex der Umgebung sei  $n_1$** , jener der **Linse  $n_2$** .

*Hinweis: Die Krümmungsradien seien so groß, dass der Strahlweg in der Linse durch deren Dicke  $D$  angenähert werden kann. Die Lösung kann der Literatur entnommen werden.*