

1. Wie groß sind die Impulse folgender **Photonentypen**?
- a) Infrarotphoton mit $\lambda = 12,4 \mu\text{m}$ (*Lösung:* $5,35 \cdot 10^{-29} \text{ kgms}^{-1}$)
 - b) „rotes“ Photon mit $\lambda = 620 \text{ nm}$ (*Lösung:* $1,07 \cdot 10^{-27} \text{ kgms}^{-1}$)
 - c) Gamma-Quant mit $\lambda = 6,2 \cdot 10^{-4} \text{ nm}$ (*Lösung:* $1,07 \cdot 10^{-21} \text{ kgms}^{-1}$)
 - d) Welche Geschwindigkeiten hätten **Wasserstoffatome** ($m_H = 1,00794 \text{ u}$) mit diesen Impulsen? (*Lösung:* a) $v_H = 0,032 \text{ ms}^{-1}$, b) $v_H = 0,64 \text{ ms}^{-1}$, c) $v_H = 6,41 \cdot 10^5 \text{ ms}^{-1}$)
 - e) Können diese Geschwindigkeiten klassisch berechnet werden oder ist die relativistische Impulsbeziehung zu verwenden?

2. **Unmöglichkeit der Photonenabsorption durch freie Elektronen.**

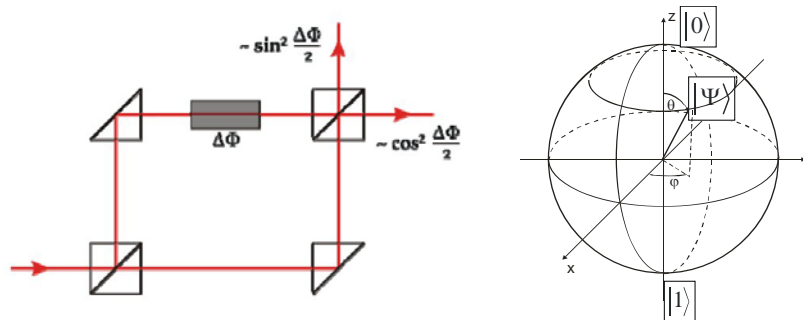
→ Man zeige, dass Energie- und Impulserhaltung nicht gleichzeitig gelten können, wenn ein **freies Elektron** mit der **Geschwindigkeit** v_1 ein **Photon** der **Energie** $E = h\nu$ vollständig absorbiert und sich danach mit der Geschwindigkeit $v_2 > v_1$ weiterbewegt. (Das würde bedeuten, dass die gesamte Strahlungsenergie des Photons in kinetische Energie des Elektrons umgewandelt wird.)

→ Wieso bleiben Energie und Impuls beim Compton-Effekt erhalten?
 (*Lösung:* $\vec{v}_1 = \vec{v}_2 \Rightarrow \text{kein Energieübertrag möglich}$)

3. **Zweifach ionisierte Argon-Atome** bewegen sich mit der Energie $E = 10^3 \text{ eV}$ durch ein magnetisches 60° -Sektorfeld.

→ Wie groß muß das Magnetfeld B sein, damit die Brennweite $f = 30 \text{ cm}$ beträgt?
 (*Lösung:* $B = 55,41 \text{ mT}$)
Hinweis: $e = 1,602 \cdot 10^{-19} \text{ C}$, $u = 1,66 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$.

4. **Darstellung einer Interferometersequenz auf der Blochkugel:** Die in der Skizze dargestellte Interferometeranordnung soll graphisch mit Hilfe der Blochkugel dargestellt werden:



a) Das Teilchen befindet sich zu Beginn im Zustand $|0\rangle$. Der erste Strahlteiler erzeugt die folgende Superposition: $\Psi = \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot (|0\rangle + i \cdot |1\rangle)$. Dies entspricht einer Rotation um die x-Achse der Blochkugel.

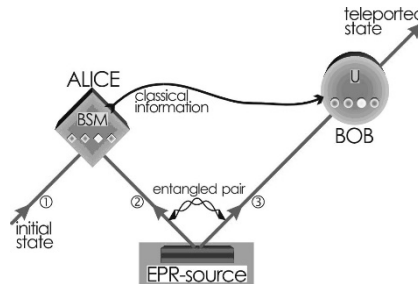
Im Interferometer erfährt der Zustand $|1\rangle$ einen Phasenschub $\Delta\Phi$. Man betrachte folgende 3 Phasenschübe: $\Delta\Phi_1 = \frac{\pi}{2}$, $\Delta\Phi_2 = -\frac{3 \cdot \pi}{4}$ und $\Delta\Phi_3 = -\pi$. Der 2. Strahlteiler hat genau die gleiche Funktion wie der 1. Strahlteiler (eine Rotation um die x-Achse der Bloch-Kugel). Man Zeichne den Zustandsvektor und jede seiner Bewegungen auf der Blochkugel ein und gebe den Endzustand an.

b) Ein nachgeschalteter Detektor misst den Endzustand in der Basis $|0\rangle$ und $|1\rangle$. Man gebe für alle 3 Phasenschübe die Wahrscheinlichkeiten P_0 und P_1 , an dass am Ende der Zustand $|0\rangle$ bzw. $|1\rangle$

gemessen wird. (*Lösung:* $\Delta\Phi_1 = \frac{\pi}{2} : P_0 = 0,5, P_1 = 0,5;$
 $\Delta\Phi_2 = -\frac{3 \cdot \pi}{4} : P_0 = 85,3\%, P_1 = 14,7\%;$
 $\Delta\Phi_3 = -\pi : P_0 = 1, P_1 = 0$)

Bitte Seite wenden!

5. **Zwei Zweizustands-Systeme – Quantenteleportation:** Alice hat einen **unbekannten** Quantenzustand $|\phi\rangle_1 = \alpha|0\rangle_1 + \beta|1\rangle_1$, den sie Bob schicken möchte, aber keinen **direkten** Quanten-Link zu Bob.



a) warum kann Alice den Zustand nicht über einen klassischen Kommunikationskanal schicken?

Alice und Bob besorgen sich als Quantenressource einen **verschränkten Zustand**. Teilchen (2) geht an Alice, Teilchen (3) an Bob.

$$|\Phi^+\rangle_{23} = \frac{1}{\sqrt{2}}(|0\rangle_2|0\rangle_3 + |1\rangle_2|1\rangle_3)$$

Alice misst nun die beiden Quantenzustände (1) und (2) in der Bell-Basis der beiden Zweizustands-systeme, und teilt Bob das Ergebnis ($|\Phi^+\rangle_{12}$ oder $|\Phi^-\rangle_{12}$ oder $|\Psi^+\rangle_{12}$ oder $|\Psi^-\rangle_{12}$) über einen klassischen Kommunikationskanal mit.

b) welche Operationen muss Bob an seinem Quantenzustand (3) ausführen, damit er den unbekanntem Quantenzustand (1) herstellen kann?

c) was ist mit dem ursprünglichen Zustand (1) passiert?

Hinweis: Der Vorschlag zum obigen Beispiel befindet sich in: Ch. Bennet et al. PRL 70, 1895 (1993), das zugehörige Experiment wird in N. Bouwmeester et al. Nature 390, 575 (1997) beschrieben.

6. **Verschränkung:** Welche der fünf im Folgenden gegebenen Zustände ist verschränkt. Begründen Sie Ihre Antwort:

$$\Psi_a = \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot \left(|01\rangle + e^{i\frac{\pi}{4}} |10\rangle \right) \quad \square \text{ ja} \quad \square \text{ nein}$$

$$\Psi_b = \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot (|1\rangle - i|0\rangle) \cdot \frac{1}{\sqrt{2}} \cdot (|1\rangle + |0\rangle) \quad \square \text{ ja} \quad \square \text{ nein}$$

$$\Psi_c = \left[\frac{1}{2}|11\rangle + \frac{1}{2}|01\rangle + \frac{1}{2}|10\rangle + \frac{1}{2}|00\rangle \right] \quad \square \text{ ja} \quad \square \text{ nein}$$

$$\Psi_d = \left[\frac{\sqrt{3}}{2}|00\rangle - \frac{1}{2} \cdot e^{i\frac{3\pi}{4}} |10\rangle \right] \quad \square \text{ ja} \quad \square \text{ nein}$$

$$\Psi_e = \left[\frac{1}{2}|11\rangle + \frac{1}{2}|01\rangle - \frac{1}{2}|10\rangle + \frac{1}{2}|00\rangle \right] \quad \square \text{ ja} \quad \square \text{ nein}$$

Hinweis: Man informiere sich über die sogenannte Schmidt-Zerlegung