3. Angabezettel WS 2005/2006 135.044 Mathematische Methoden in der Physik—Übung

22)

Vereinfachen und berechnen Sie mit Hilfe der Indexschreibweise

div
$$(\mathbf{v} \times \mathbf{w})$$
.

23)

Beweisen Sie

$$\oint_{\partial V} \overrightarrow{d^2 f} \times \overrightarrow{A} = \int_{V} \operatorname{rot} \overrightarrow{A} dV.$$

Hinweis: wenden Sie den Gaussschen Satz auf ein Vektorfeld $\overrightarrow{U} = \overrightarrow{c} \times \overrightarrow{A}$.an, wobei \overrightarrow{c} ein beliebiger konstanter Vektor und \overrightarrow{A} ein beliebiges Vektorfeld ist.

24)

Beweisen Sie

$$\oint_{A}\overrightarrow{dA}\times\overrightarrow{\nabla}\phi=\oint_{\partial A}\overrightarrow{dr}\phi.$$

Hinweis: wenden Sie den Stokeschen Satz auf ein Vektorfeld \overrightarrow{c} ϕ an, wobei \overrightarrow{c} ein beliebiger konstanter Vektor und ϕ ein beliebiges Skalarfeld ist.