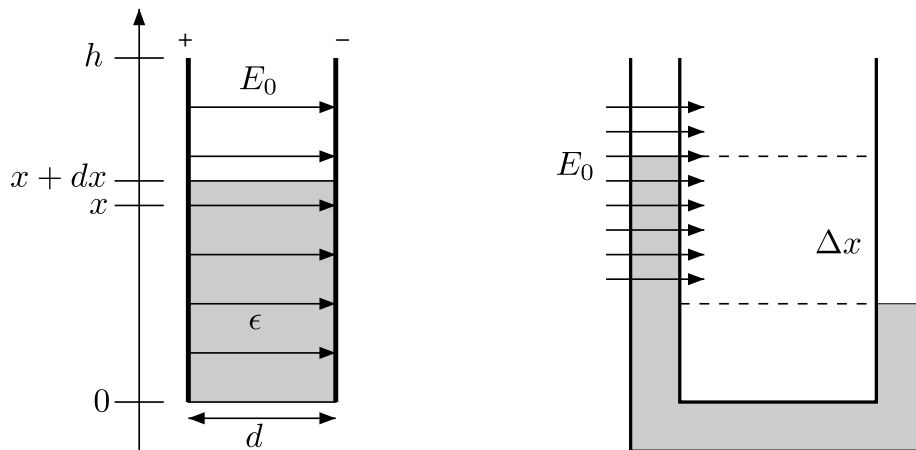


# Übungsblatt 9

für das Tutorium am 1.6.2018

## 1. Steighöhenmethode

Auf einen begrenzten dielektrischen Körper wirkt im elektrischen Feld eine “ponderomotische” Kraft. Um diese zu berechnen soll ein Plattenkondensator (Plattenabstand  $d$ , Höhe  $h$ , Breite der Platten  $b$ ) betrachtet werden, dessen Zwischenraum bis zur Position  $x$  ein Dielektrikum der Permittivität  $\epsilon$  ausfüllt, während der restliche Raum leer ist.



- Berechne die Kapazität  $C(x)$  des Kondensators.
- Der Kondensator sei an eine Batterie angeschlossen, sodass die Platten auf konstanter Potentialdifferenz  $V$  gehalten werden. Berechne die Kraft, mit der das Dielektrikum in den Kondensator hineingezogen wird, und drücke das Resultat durch das elektrische Feld  $E_0$  zwischen den Kondensatorplatten aus. Um das Resultat zu erhalten, betrachte die Energiebilanz, wenn das Dielektrikum um  $dx$  verschoben wird.
- Die Permittivität  $\epsilon$  einer Flüssigkeit mit Massendichte  $\rho_m$  lässt sich messen, indem man sie in ein U-förmiges Rohr füllt und einen Schenkel in ein homogenes elektrisches Feld  $E_0$  einbringt. Wie lautet der Zusammenhang zwischen  $\epsilon$  und der durch das Feld hervorgerufenen Steighöhe  $\Delta x$  der Flüssigkeit?

## 2. Stromdurchflossener Leiter

- (a) Berechne mit dem Biot-Savartschen Gesetz das Magnetfeld im Mittelpunkt einer quadratischen Stromschleife an  $z = 0$  mit Eckpunkten  $(x, y) = \{(a, a), (-a, a), (-a, -a), (a, -a)\}$ , welche im Gegenuhrzeigersinn von einem konstanten Strom  $I$  durchflossen wird.
- (b) Betrachte nun ein regelmässiges Polygon mit  $n$  Seiten, bei dem der Normalabstand von jeder Seite zum Mittelpunkt  $a$  ist und durch das im Gegenuhrzeigersinn ein Strom  $I$  fliesst. Konstruiere das Polygon so, dass der Mittelpunkt an  $(x, y, z) = (0, a, 0)$  liegt und eine Seite entlang der  $x$ -Achse. Berechne das Magnetfeld im Mittelpunkt des Polygons.
- (c) Berechne das Feld aus Punkt (b) im Grenzwert  $n \rightarrow \infty$ . Welcher Geometrie entspricht das?

*Hinweis:*

$$\int \frac{dx}{(x^2 + b^2)^{3/2}} = \frac{x}{b^2 \sqrt{x^2 + b^2}} \quad (1)$$

## 3. Permanent magnetisierter Zylinder

Ein unendlich langer permanent magnetisierter Zylinder mit dem Radius  $a$  und der  $z$ -Achse als Zylinderachse besitzt die Magnetisierung

$$\vec{M}(r, \varphi, z) = M_0 \frac{r}{a} \vec{e}_\varphi, \quad M_0 > 0 \quad (2)$$

wobei  $(r, \varphi, z)$  Zylinderkoordinaten sind.

- (a) Berechne die Magnetisierungsstromdichte  $\vec{j}_M$  im Inneren des Zylinders und die Magnetisierungs-Flächenstromdichte  $\vec{k}_M$  auf dem Zylindermantel sowie den in  $z$ -Richtung fließenden Gesamtstrom.
- (b) Berechne im gesamten Raum das vom magnetisierten Zylinder verursachte  $\vec{B}$ -Feld. Gib ferner für den gesamten Raum das zugehörige  $\vec{H}$ -Feld an.

*Hinweis:* Verwende die Integralform des Oerstedtschen Gesetzes.

Ankreuzbar: 1a, 1bc, 2a, 2bc, 3ab