

ZUNAME:

VORNAME:

MAT. NR.:

2. SuS2-Teilprüfung B

Institute of Telecommunications

G. Doblinger, N. Görtz, A. Jung

TU-Wien

17.6.2014

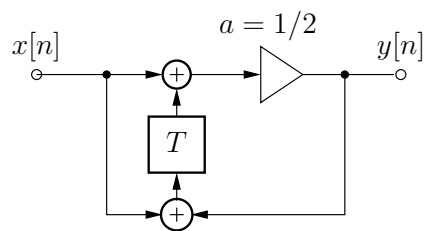
Bitte beachten Sie:

- An schriftlichen Unterlagen darf nur die **SuS2-Formelsammlung** verwendet werden!
- Die Beispiele ausschließlich auf den Seiten dieser Angabe ausarbeiten. **Zusatzblätter werden ignoriert!**
- Eine **lesbare Schrift und übersichtliche Darstellung** ist eine Voraussetzung für die positive Beurteilung Ihrer Arbeit!
- **Mobiltelefone** müssen während des Tests **ausgeschaltet** sein!

Aufgabe:	1	2	3	4	Summe
Punkte (max.):	35	35	16	14	100
Punkte:					

Aufgabe 1: (35 Punkte)

Gegeben ist das abgebildete Blockschaltbild eines digitalen Filters:



(a) (10 Punkte) Berechnen Sie die Übertragungsfunktion $H(z)$ des digitalen Filters.

$$H(z) = 0.5 (1 + z^{-1}) / (1 - 0.5 z^{-1})$$

- (b) (8 Punkte) Berechnen Sie die Pole und Nullstellen von $H(z)$ und skizzieren Sie das Pol/Nullstellendiagramm.

$$\begin{aligned}z_n &= -1 \\z_p &= 0.5\end{aligned}$$

- (c) (9 Punkte) Ein digitales Filter kann durch eine Differenzgleichung der Form

$$\sum_{k=0}^N a_k y[n-k] = \sum_{k=0}^M b_k x[n-k]$$

beschrieben werden. Bestimmen Sie die Parameter N , M , a_k , b_k für das gegebene digitale Filter.

$$\begin{aligned}N &= M = 1 \\a_0 &= 1 \quad a_1 = -0.5 \\b_0 &= 1/2 \quad b_1 = 1/2\end{aligned}$$

- (d) (8 Punkte) Berechnen und skizzieren Sie die Impulsantwort $h[n]$ des digitalen Filters.

$$h[n] = 1.5 \sigma[n] (1/2)^n - \delta[n]$$

Aufgabe 2: (35 Punkte)

Gegeben ist das folgende zeitdiskrete Signal ($\sigma[n]$ ist die zeitdiskrete Sprungfunktion):

$$x[n] = \sin\left(\frac{\pi}{2}n\right)(\sigma[n] - \sigma[n-4])$$

(a) (8 Punkte) Skizzieren Sie das Signal (**Achsen unbedingt beschriften!**).

$$x[n] = \delta[n-1] - \delta[n-3]$$

(b) (8 Punkte) Berechnen Sie die Z-Transformation $X(z)$ von $x[n]$. Geben Sie den Konvergenzbereich von $X(z)$ explizit an.

$$X(z) = (z^2 - 1)/z^3$$

$$\text{KB} = \mathbb{C} \setminus 0$$

(c) (4 Punkte) Geben Sie das Pol/Nullstellendiagramm von $X(z)$ an.

3 fache Pst. bei $z = 0$
Nst bei $z = 1$ u. $z = -1$

- (d) (8 Punkte) Berechnen Sie die diskrete Fouriertransformation (DFT) $X[k]$ der Länge $N = 4$ von $x[n]$, $n = 0, \dots, N-1$.

$$X[k] = X(z = e^{j2\pi k/N}) = (1 - (-1)^k) \exp(-j k \pi/2)$$

- (e) (7 Punkte) Das Signal $x[n]$ werde einem linearen zeitinvarianten System mit Impulsantwort $h[n] = \sigma[n](1/2)^n$ zugeführt. Berechnen Sie die Z-Transformation $Y(z)$ und das Ausgangssignalsignal $y[n]$ ausgehend vom Ruhezustand.

$$y[n] = -3 \sigma[n-1] (1/2)^{n-1} + 4 \delta[n-1] + 2\delta[n-2]$$

$$Y(z) = -3 z^{-1} / (1 - 0.5 z^{-1}) + 4 z^{-1} + 2 z^{-2}$$

Aufgabe 3: (16 Punkte)

Bestimmen Sie die richtige(n) Aussage(n) bzw. die richtige(n) Antwort(en) und kreuzen Sie diese an.

(a) (6 Punkte) Die rationale Übertragungsfunktion $H(z)$ eines kausalen Systems besitze die Polstellen z_1, z_2 . Das System $H(z)$ ist stabil wenn ($j \triangleq \sqrt{-1}$)

- A. $z_1 = 0, z_2 = 0$.
- B. $z_1 = j/2, z_2 = 3$.
- C. $z_1 = j/2, z_2 = j/3$.
- D. $z_1 = 10, z_2 = 10$.
- E. Keine der anderen Lösungen ist richtig.

(b) (4 Punkte) Ein stabiles und kausales Digitalfilter hat die Übertragungsfunktion $H(z)$ mit folgenden Eigenschaften:

- A. Der Konvergenzbereich von $H(z)$ muss alle $z \in \mathbb{C}$ mit $|z| > 0$ enthalten.
- B. Die Polstellen von $H(z)$ liegen im Inneren des Einheitskreises.
- C. $H(z)$ darf keine Polstellen besitzen.
- D. Es muss $\lim_{z \rightarrow 0} H(z) = \infty$ gelten.
- E. Keine der anderen Lösungen ist richtig.

(c) (2 Punkte) Unterschied zwischen Z-Transf. (ZT) und Fourier-Transf. (FT).

- A. die ZT existiert für eine grössere Signalklasse als die FT,
- B. die FT existiert nur für Signale endlicher Dauer,
- C. die FT existiert auch für instabile (anklingende) Signale,
- D. Keine der anderen Antworten ist richtig.

(d) (4 Punkte) Der Konvergenzbereich der Z-Transformation $X(z) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} x[n]z^{-n}$

des Signals $x[n] = \sigma[n]$ enthält:

- A. alle z mit $|z| < 1$,
- B. alle z mit $1/2 < |z| < 2$,
- C. alle z mit $|z| > 2$,
- D. alle z mit $\Re\{z\} < 0$,
- E. Keine der anderen Antworten ist richtig.

Aufgabe 4: (14 Punkte)

Im Folgenden werden N -Punkte Signale $x[n]$, $n = 0, \dots, N-1$, mit DFT $X[k]$, $k = 0, \dots, N-1$, betrachtet. Bestimmen Sie die richtige(n) Antwort(en) und kreuzen Sie diese an.

(a) (6 Punkte) Für rein imaginäre N -Punkte Signale $x[n]$:

- A. ist der Imaginärteil von $X[k]$ null.
- B. ist der Betrag von $X[k]$ eine gerade Funktion.
- C. gilt immer $X[N-k] = -X^*[k]$.
- D. ist der Realteil der DFT $X[k]$ eine gerade Funktion.
- E. Keine der anderen Antworten ist richtig.

(b) (6 Punkte) Ein N -Punkte Signal $x[n]$ mit den Eigenschaften $x[n] = -x[N-1-n]$, $x[0] \neq 0$, $x[N/2] = 0$ (N gerade):

- A. hat eine DFT mit $\sum_{k=0}^{N-1} (-1)^k X[k] = 0$.
- B. hat eine DFT mit $\sum_{k=0}^{N-1} X[k] = 0$.
- C. hat eine DFT mit $X[0] = 0$.
- D. hat eine DFT mit $X[0] \neq 0$.
- E. Keine der anderen Antworten ist richtig.

(c) (2 Punkte) Welche der folgenden $N = 5$ Punkte Signale haben reelwertige DFTs der Länge $N = 5$?

- A. $x[n] = (-1 \ -j \ 0 \ 0 \ j)$
- B. $x[n] = (1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1)$
- C. $x[n] = (1 \ 1 \ 0 \ 1 \ 1)$
- D. Keine der anderen Antworten ist richtig.

Hinweis: Diese Signaldarstellung gibt die Werte bei den Indizes $n = 0, 1, 2, \dots, 4$ an. So steht z.B. $x[n] = (-1 \ -1 \ 0 \ -1 \ -1)$ für $x[n] = -\delta[n] - \delta[n-1] - \delta[n-3] - \delta[n-4]$.